

英語

I	問 1	1	5
		2	2
		3	4
		4	3
		5	5
		6	1
	問 2	7	1
		8	2
		9	5
		10	1
	問 3	11	5
		12	4
		13	2
		14	3
II	15	3	
	16	2	
	17	5	
	18	5	
	19	1	

III	20	3	
	21	3	
	22	3	
	23	3	
	24	3	
	25	1	
IV	26	5	
	27	2	
	28	1	
	29	5	
V	問 1	30	4
		31	3
		32	5
		33	1
	問 2	34	2
		35	3
VI	36	3	
	37	5	
VII	38	10	
	39	7	
	40	4	
	41	6	

数学

問題1.

ア	$\sqrt{2}$	イ	$-\frac{\pi}{4}$	ウ	0	エ	$\frac{3\pi}{4}$	オ	36	カ	6
---	------------	---	------------------	---	---	---	------------------	---	----	---	---

問題2.

キ	$\frac{4}{9}$	ク	$\frac{7}{18}$	ケ	$\frac{23}{36}$
---	---------------	---	----------------	---	-----------------

問題3.

コ	3	サ	3	シ	$\frac{44}{41}$	ス	$-\frac{141}{41}$	セ	$-\frac{8-2\sqrt{6}}{5} < k < \frac{-8+2\sqrt{6}}{5}$	ソ	$-\frac{6}{7}$	タ	-2
---	---	---	---	---	-----------------	---	-------------------	---	---	---	----------------	---	----

問題4. (1) $\begin{cases} y = -x^2 + 2x + 3 & \dots\dots\dots ① \\ y = -x + a & \dots\dots\dots ② \end{cases}$ 判別式をDとおくと $D = (-3)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (a-3) = 21 - 4a$ となる。 $1 \leq a \leq 5$ より $D > 0$ となり、2次方程式③はつぎの異なる2つの実数解をもつ。 $x = \frac{3 \pm \sqrt{21-4a}}{2}$

②を①に代入して、 $-x + a = -x^2 + 2x + 3$
 $x^2 - 3x + a - 3 = 0 \dots\dots\dots ③$
 $x = \frac{3 + \sqrt{21-4a}}{2}$ のとき、②より $y = \frac{2a - 3 - \sqrt{21-4a}}{2}$
 同様に、 $x = \frac{3 - \sqrt{21-4a}}{2}$ のとき、 $y = \frac{2a - 3 + \sqrt{21-4a}}{2}$

Aのx座標はBのx座標より小さいことより、Aの座標は $\left(\frac{3 - \sqrt{21-4a}}{2}, \frac{2a - 3 + \sqrt{21-4a}}{2} \right)$ で、Bの座標は $\left(\frac{3 + \sqrt{21-4a}}{2}, \frac{2a - 3 - \sqrt{21-4a}}{2} \right)$ となる。

答 $A \left(\frac{3 - \sqrt{21-4a}}{2}, \frac{2a - 3 + \sqrt{21-4a}}{2} \right), B \left(\frac{3 + \sqrt{21-4a}}{2}, \frac{2a - 3 - \sqrt{21-4a}}{2} \right)$

(2) 直線lの方程式を変形すると、 $x + y - a = 0$ 。直線lと原点の間の距離をdとおく。

$1 \leq a \leq 5$ であることに注意すると、

$$d = \frac{|-a|}{\sqrt{1^2 + 1^2}} = \frac{a}{\sqrt{2}}$$

また、線分はABの長さは

$$AB = \sqrt{\left(\frac{3 + \sqrt{21-4a}}{2} - \frac{3 - \sqrt{21-4a}}{2} \right)^2 + \left(\frac{2a - 3 - \sqrt{21-4a}}{2} - \frac{2a - 3 + \sqrt{21-4a}}{2} \right)^2}$$

$$= \sqrt{2(21-4a)}$$

よって、 $S_1 = \frac{1}{2} \times AB \times d$

$$= \frac{1}{2} \times \sqrt{2(21-4a)} \times \frac{a}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{a\sqrt{21-4a}}{2}$$

答 $S_1 = \frac{a\sqrt{21-4a}}{2}$

(3) S_1^2 を $g(a)$ とおくと、 $g(a) = \frac{a^2(21-4a)}{4}$
 $1 \leq a \leq 5$ より $S_1 > 0$ 。よって、 S_1 が最大値をとるような a の値を求めるためには、 $g(a)$ が最大値をとるような a の値を求めればよい。

$$g'(a) = \frac{2a(21-4a) + a^2 \cdot (-4)}{4}$$

$$= \frac{2a(21-4a-2a)}{4}$$

$$= \frac{6a(7-2a)}{4}$$

$$= \frac{3a(7-2a)}{2}$$

よって、 $1 \leq a \leq 5$ における $g(a)$ の増減表は、次のようになる。

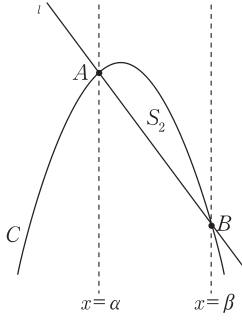
a	1	...	7/2	...	5
g'(a)		+	0	-	
g(a)	17/4	↗	極大	↘	25/4

ゆえに、 $a = \frac{7}{2}$ で $g(a)$ は最大値をとる。

したがって、 S_1 は $a = \frac{7}{2}$ で最大値 $\frac{7}{2} \sqrt{\frac{21-4 \cdot \frac{7}{2}}{2}} = \frac{7\sqrt{7}}{4}$ をとる。

答 S_1 の最大値 $\frac{7\sqrt{7}}{4}$, $a = \frac{7}{2}$

(4) 点Aのx座標を α , 点Bのx座標を β とおくと



$$\alpha + \beta = \frac{3 - \sqrt{21 - 4a}}{2} + \frac{3 + \sqrt{21 - 4a}}{2} = 3$$

$$\beta - \alpha = \frac{3 + \sqrt{21 - 4a}}{2} - \frac{3 - \sqrt{21 - 4a}}{2} = \sqrt{21 - 4a}$$

$$\alpha\beta = \frac{3 - \sqrt{21 - 4a}}{2} \cdot \frac{3 + \sqrt{21 - 4a}}{2} = \frac{9 - (21 - 4a)}{4} = a - 3$$

これらを用いて S_2 を計算すると,

$$\begin{aligned} S_2 &= \int_{\alpha}^{\beta} \{(-x^2 + 2x + 3) - (-x + a)\} dx \\ &= -\int_{\alpha}^{\beta} (x^2 - 3x + a - 3) dx \\ &= -\left[\frac{x^3}{3} - \frac{3x^2}{2} + (a - 3)x\right]_{\alpha}^{\beta} \\ &= -\frac{\beta^3 - \alpha^3}{3} + \frac{3(\beta^3 - \alpha^3)}{2} - (a - 3)(\beta - \alpha) \\ &= -\frac{(\beta - \alpha)}{6} \{2(\beta^2 + \beta\alpha + \alpha^2) - 9(\beta + \alpha) + 6(a - 3)\} \\ &= -\frac{(\beta - \alpha)}{6} \{2\{(\alpha + \beta)^2 - \alpha\beta\} - 9(\alpha + \beta) + 6(a - 3)\} \\ &= -\frac{(\beta - \alpha)}{6} \{2\{9 - (a - 3)\} - 27 + 6(a - 3)\} \\ &= -\frac{(\beta - \alpha)}{6} \{18 - 2(a - 3) - 27 + 6(a - 3)\} \\ &= \frac{(\beta - \alpha)}{6} \\ &= \frac{(21 - 4a)\sqrt{21 - 4a}}{6} \end{aligned}$$

$$S_2 = S_1 \text{ より } \frac{(21 - 4a)\sqrt{21 - 4a}}{6} = \frac{a\sqrt{21 - 4a}}{2}$$

$1 \leq a \leq 5$ より $\sqrt{21 - 4a} > 0$ であるので

$$\frac{21 - 4a}{6} = \frac{a}{2}$$

$$21 - 4a = 3a$$

$$a = 3$$

これは $1 \leq a \leq 5$ に適している。以上より, $a = 3$ 。

答 $a = 3$

物理

I	1	6
	2	8
	3	1
	4	2
	5	1
	6	3
	7	1
	8	4
	9	1
	10	3
	11	2
	12	5
	13	7
	14	5
	15	2
	16	1
	17	1
	18	7
	19	1
	20	1

II	1	9
	2	9
	3	12
	4	9
	5	3
	6	7
	7	10
	8	3
III	1	5
	2	7
	3	9
	4	9
	5	8
	6	3
	7	6
	8	9
	9	5

化学

I	問1	1	5
	問2	2	5
	問3	3	3
	問4	4	1
	問5	5	2
	問6	6	3, 6
	問7	7	1, 5
	問8	8	4, 5
	問9	9	3, 6
	問10	10	1, 2

III	1	4
	2	9
	3	10
	4	12
	5	8
	6	3
	7	2
	8	5
	9	1
	10	4

II	問1	1	3	
	問2	2	2	
	問3	3	5	
	問4	4	3	
	問5	5	1	
	問6	鉄	6	4
		アルム	7	4

IV	(1)	A	1	11
		B	2	16
		C	3	3
		D	4	4
		E	5	8
		F	6	14
	(2)	7	1	
	(3)	8	2	

V	問1	1	3, 6	
	問2	2	5	
	問3	3	1, 6	
	問4	(1)	4	2
		(2)	5	6
		(3)	6	2

生物

I	問1	1	1	3	
		2	2	2	
		3	3	4	
		4	4	1	
	問2	2	1	5	4
			(1)	6	1
			(2)	7	2, 3
			(3)	8	4
		(4)	9	4	
		3	10	2, 3	
		4	11	6	
		問3	1	12	15
	13			7	
	14			1	
	15			2	
	16			5	
	17			8	
	2		(1)	18	5
			(2)	19	4
			(3)	20	4
	3	21	3		

II	問1	1	7	
		2	10	
		3	4	
		4	3	
		5	14	
		6	1	
	問2	7	1	
	問3	8	2, 3, 7	
	問4	1	9	3
		2	10	2
		3	11	3
		4	12	10
			13	4
5		14	3, 5	
6		15	7	
	16	5		

III	問1	1	(1)	1	1
			2	4	
			(2)	3	7
			4	1	
		(3)	5	5	
			6	7, 8	
	(4)	7	8		
		8	3, 6		
	2	9	3, 7, 10		
	問2	1	10	1	
			11	3	
			12	6	
			13	11	
			14	7	
			15	12	
			16	4	
			17	9	
			2	18	2, 3, 5
		3	19	1, 4	
		4	20	1, 5, 9	
			21	3, 4, 7	